

Grado en Administración y Dirección de Empresas — Matemáticas I

Febrero de 2011. Nacional. Primera semana

TIPO DE EXAMEN A

Por favor, conteste las preguntas del examen en la hoja de respuestas que le entrega el Tribunal.

Marque únicamente una respuesta por pregunta.

Duración: 2 horas.

Puntuación: respuesta correcta: +1 punto; respuesta en blanco: 0 puntos; respuesta incorrecta: -0,25 puntos.

Material permitido: NINGUNO (ni libros, ni apuntes, ni calculadora).

1. ¿Cuál de los siguientes subconjuntos de \mathbb{R}^3 NO es un subespacio vectorial de \mathbb{R}^3 ?

- a) $\mathbb{R}(0, 0, -1)$, b) \mathbb{R}^3 ,
 c) $\{(-1, 2, \sqrt{2})\}$, d) $\{(0, 0, 0)\}$.

(Nota: Recuerdese: $\mathbb{R}(a, b, c) = \{\lambda(a, b, c) \in \mathbb{R}^3 \mid \lambda \in \mathbb{R}\}$.)

2. Dado $a \in \mathbb{R}$, los vectores $(2, 3, 0)$, $(0, 1, 2)$ y $(4, 7, a)$ forman un sistema de generadores de \mathbb{R}^3 si y sólo si:

- a) $a = 2$, b) $a \neq 2$, c) $a = 0$, d) $a \neq 1$.

Consideremos la base $B = ((1, 0, 0), (0, 1, 1), (0, 0, 1))$ de \mathbb{R}^3 y sea f la aplicación lineal de \mathbb{R}^3 en \mathbb{R}^2 tal que:

$$f(1, 0, 0) = (2, 0), \quad f(0, 1, 1) = (1, 1) \quad \text{y} \quad f(0, 0, 1) = (0, 1).$$

3. La matriz asociada a f en las bases canónicas es:

- a) $\begin{pmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$, b) $\begin{pmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$,
 c) $\begin{pmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 1 \end{pmatrix}$, d) $\begin{pmatrix} -2 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 1 \end{pmatrix}$.

4. Las dimensiones respectivas de los subespacios vectoriales $\text{Ker } f$ y $\text{Im } f$ son:

- a) 0 y 3, b) 1 y 2, c) 2 y 1, d) 3 y 0.

5. Una base de $\text{Ker } f$ es:

- a) $((-1, 2, 0), (1, -2, 0))$, b) $((0, 1, 0))$,
 c) $((-1, 2, 0))$, d) no tiene base, pues $\text{Ker } f = \{(0, 0, 0)\}$.

6. La aplicación lineal f verifica:

- a) es suprayectiva, b) es inyectiva,
 c) es un automorfismo, d) ninguna de las anteriores.

7. La inversa de la matriz $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 2 & 3 & -1 \\ 0 & 2 & -1 \end{pmatrix}$ es:

- a) $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 2 & 3 & -1 \\ 0 & 2 & -1 \end{pmatrix}$, b) $\begin{pmatrix} -1 & 1 & -1 \\ 2 & -1 & 1 \\ 4 & -2 & 1 \end{pmatrix}$,
 c) $\begin{pmatrix} -1 & 0 & -1 \\ 2 & -1 & 1 \\ 4 & 2 & 1 \end{pmatrix}$, d) $\begin{pmatrix} -1 & 1 & -1 \\ 2 & -1 & 1 \\ -4 & -2 & 0 \end{pmatrix}$.

8. Considérese el siguiente sistema de ecuaciones lineales:

$$\begin{cases} x - y + z = 2 \\ x - 2y + z = 7 \\ x - y = -2. \end{cases}$$

Se verifica:

a) tiene infinitas soluciones;

b) admite una única solución $\begin{pmatrix} a \\ b \\ c \end{pmatrix}$, y esta única solución verifica: $a + b + c = -8$;

c) admite una única solución $\begin{pmatrix} a \\ b \\ c \end{pmatrix}$, y esta única solución verifica: $a + b + c = 16$;

d) ninguna de las anteriores.

9. Dados dos números reales a y b , se considera la sucesión de números reales (a_n) donde:

$$a_n = \frac{an^3 + 2n^2 - 1}{bn^4 - n^2 - 3n + 1}, \quad n \in \mathbb{N}.$$

Entonces:

a) si a y b son ambos no nulos, la sucesión (a_n) no admite límite;

b) si $b = 0$ y $a < 0$, entonces $\lim(a_n) = +\infty$;

c) si $a = b = 0$, entonces $\lim(a_n) = 2$;

d) si $a = 0$ y $b \neq 0$, entonces $\lim(a_n) = -\infty$.

10. El conjunto de los números reales x tales que

$$|x - 4| = |x + 2|$$

es:

- a) $\{1\}$, b) \emptyset (conjunto vacío),
 c) \mathbb{R} , d) $[0, 1]$.



Grado en Administración y Dirección de Empresas — Matemáticas I

Febrero de 2011. Nacional y Unión Europea. Segunda semana

TIPO DE EXAMEN C

Por favor, conteste las preguntas del examen en la hoja de respuestas que le entrega el Tribunal.

Marque únicamente una respuesta por pregunta.

Duración: 2 horas.

Puntuación: respuesta correcta: +1 punto; respuesta en blanco: 0 puntos; respuesta incorrecta: -0,25 puntos.

Material permitido: NINGUNO (ni libros, ni apuntes, ni calculadora).

1. Considérense los subespacios vectoriales de \mathbb{R}^3 siguientes:

$$F_1 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid z = 0\} \quad \text{y} \quad F_2 = \mathbb{R}(1, 1, 0).$$

Se verifica:

- a) $F_1 \subseteq F_2$, y así: $F_1 + F_2 = F_2$;
 b) son subespacios vectoriales independientes;
 c) son subespacios vectoriales suplementarios en \mathbb{R}^3 ;
 d) $F_2 \subseteq F_1$, y así: $F_1 + F_2 = F_1$.

(Nota: Recuerdese: $\mathbb{R}(a, b, c) = \{\lambda(a, b, c) \in \mathbb{R}^3 \mid \lambda \in \mathbb{R}\}$.)

2. Unas ecuaciones del subespacio vectorial de \mathbb{R}^3 generado por los vectores $(2, 3, 0)$ y $(-2, -3, 0)$ son:

- a) $3x - 2y + z = 0$, b) $z = 0$,
 c) $3x - 2y = 0$ y $z = 0$, d) generan \mathbb{R}^3 .

Sea f la aplicación lineal de \mathbb{R}^3 en \mathbb{R}^2 de matriz asociada en las bases canónicas:

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & -2 & 1 \end{pmatrix}.$$

Y considérese la base $B = (\mathbf{v}_1, \mathbf{v}_2)$ de \mathbb{R}^2 formada por los vectores $\mathbf{v}_1 = (1, 0)$ y $\mathbf{v}_2 = (1, 1)$.

3. Las dimensiones respectivas de los subespacios vectoriales $\text{Ker } f$ y $\text{Im } f$ son:

- a) 0 y 3, b) 1 y 2, c) 2 y 1, d) 3 y 0.

4. Una base de $\text{Ker } f$ es:

- a) $((-2, 1, 2), (0, 1, 0))$, b) $((1, 0, 1))$,
 c) $((-2, 1, 2))$, d) no tiene base, pues $\text{Ker } f = \{(0, 0, 0)\}$.

5. La matriz asociada a f en las bases canónica de \mathbb{R}^3 y B de \mathbb{R}^2 es:

- a) $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & -2 & 1 \end{pmatrix}$, b) $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 0 & -2 & 1 \end{pmatrix}$,
 c) $\begin{pmatrix} 1 & -2 & 0 \\ 0 & 2 & 1 \end{pmatrix}$, d) $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 0 & 1 & -2 \end{pmatrix}$.

6. Si $(\mathbf{v}_1^*, \mathbf{v}_2^*)$ es la base dual de la base B , la imagen del vector $(1, 1, 1)$ por la aplicación $\mathbf{v}_1^* \circ f$ es igual a:

- a) 3, b) 1, c) -1, d) $(2, -1)$.

7. Considérese la matriz real siguiente:

$$\begin{pmatrix} b & a-b & 1 & -1 \\ 0 & b & -1 & 1 \\ b & a & b & a \end{pmatrix},$$

donde a y b son parámetros reales. Su rango verifica:

- a) no es igual a 2 cualesquiera que sean a y b ;
 b) es igual a 2 si $a = b = 0$;
 c) es igual a 3 cualesquiera que sean a y b ;
 d) es igual a 2 si $a = b = 1$.

8. Considérese el siguiente sistema de ecuaciones lineales:

$$\begin{cases} x + y + z = 1 \\ 2y - z = 2 \\ x - 3y + 3z = -3. \end{cases}$$

Se verifica:

- a) admite una única solución, que es $\begin{pmatrix} -3 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}$;

- b) admite como solución todas las matrices columna de la forma: $\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + \lambda \begin{pmatrix} -3/2 \\ 1/2 \\ 1 \end{pmatrix}$, $\lambda \in \mathbb{R}$;

- c) admite una única solución, que es $\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$;
 d) ninguna de las anteriores.

9. El límite de la sucesión $\left(\frac{2n^2 + 4}{8n^2 - n - 1}\right)$ es:

- a) $1/4$, b) 0, c) $+\infty$, d) no admite límite.

10. El conjunto de los números reales x tales que

$$|x - 1| \leq 4$$

es:

- a) $\{5\}$, b) \emptyset (conjunto vacío),
 c) $[-1, 4]$, d) $[-3, 5]$.

Grado en Administración y Dirección de Empresas — Matemáticas I

Septiembre de 2011. Nacional y Unión Europea. Original

TIPO DE EXAMEN A

Por favor, conteste las preguntas del examen en la hoja de respuestas que le entrega el Tribunal.

Marque únicamente una respuesta por pregunta.

Duración: 2 horas.

Puntuación: respuesta correcta: +1 punto; respuesta en blanco: 0 puntos; respuesta incorrecta: -0,25 puntos.

Material permitido: NINGUNO (ni libros, ni apuntes, ni calculadora).

Dados $a \in \mathbb{R}$ y $b \in \mathbb{R}$, considérense estos tres vectores de \mathbb{R}^3 : $\mathbf{v}_1 = (1, 1, 0)$, $\mathbf{v}_2 = (2, a, 1)$ y $\mathbf{v}_3 = (4, b, 3)$.

1. Los vectores \mathbf{v}_1 , \mathbf{v}_2 y \mathbf{v}_3 forman una base de \mathbb{R}^3 si y solamente si:

- a) $a \neq 0$ y $b \neq a$, **b) $b \neq 3a - 2$** ,
c) $b = 3a$, d) ninguna de las anteriores.

2. Si $a = 2$, sea F el subespacio vectorial de \mathbb{R}^3 generado por los dos vectores \mathbf{v}_1 y \mathbf{v}_2 . El vector $(1, c, 1)$, con $c \in \mathbb{R}$, pertenece a F si y sólo si:

- a) $c = 0$, b) $c \neq -2$, c) $c = -2$, **d) $c = 1$** .

Sea f la aplicación lineal de \mathbb{R}^4 en \mathbb{R}^3 cuya matriz asociada en las bases canónicas es:

$$\begin{pmatrix} 2 & -1 & 3 & 1 \\ 0 & 1 & -1 & -1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}.$$

3. Las dimensiones respectivas de los subespacios vectoriales $\text{Ker } f$ y $\text{Im } f$ son:

- a) 2 y 3, b) 3 y 1, c) 1 y 3, **d) 2 y 2**.

4. El subespacio vectorial $\text{Ker } f$ es igual a:

- a) $\mathbb{R}(1, -1, -1, 0) + \mathbb{R}(0, -1, 0, -1)$** ,
b) $\mathbb{R}(-1, 1, 1, 0)$,
c) $\{(0, 0, 0, 0)\}$,
d) $\{(x, y, z, t) \in \mathbb{R}^4 \mid y - z - t = 0, x + y = 0\}$.

(Nota: $\mathbb{R}(a, b, c, d) = \{\lambda(a, b, c, d) \in \mathbb{R}^4 \mid \lambda \in \mathbb{R}\}$.)

5. El subespacio vectorial $\text{Im } f$ es igual a:

- a) \mathbb{R}^3 , **b) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid x + y - 2z = 0\}$** ,
c) $\mathbb{R}(2, 0, 1)$, d) $\mathbb{R}(2, 0, 1) + \mathbb{R}(1, 1, 0)$.

(Nota: $\mathbb{R}(a, b, c) = \{\lambda(a, b, c) \in \mathbb{R}^3 \mid \lambda \in \mathbb{R}\}$.)

6. La aplicación lineal f es:

- a) inyectiva, pero no suprayectiva;
b) suprayectiva, pero no inyectiva;
c) un isomorfismo;
d) ni inyectiva, ni suprayectiva.

7. Dada la base $B = ((1, 0, 1), (0, 1, 0), (0, 1, 1))$ de \mathbb{R}^3 , los términos de la primera columna de la matriz asociada a f en las bases canónica de \mathbb{R}^4 y B de \mathbb{R}^3 son:

- a) 2, 0 y 1, **b) 2, 1 y -1**,
c) 1, 0 y 1, d) 1, 1 y 1.

8. Considérese el siguiente sistema de ecuaciones lineales:

$$\begin{cases} 2x - y + 3z = 1 \\ y - z = -1 \\ x + z = 0. \end{cases}$$

Se verifica:

- a) no admite solución;
b) admite una única solución: $\begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix}$;
c) admite infinitas soluciones, y todas ellas verifican que sus términos primero y tercero suman 0;
d) ninguna de las anteriores.

9. El conjunto de los números reales x tales que

$$|x - 1| \leq 4$$

es:

- a) $[-3, 5]$** , b) $(-3, 5)$,
c) $\{-3, 5\}$, d) $[1, 4]$.

10. La sucesión $\left(\frac{n^3 + n^2 - n}{2n^3 + 2}\right)$ tiene límite igual a:

- a) $+\infty$, **b) $1/2$** , c) $-\infty$, d) 0.



Grado en Administración y Dirección de Empresas — Matemáticas I

Septiembre de 2011. Nacional y Unión Europea. Reserva

TIPO DE EXAMEN C

Por favor, conteste las preguntas del examen en la hoja de respuestas que le entrega el Tribunal.

Marque únicamente una respuesta por pregunta.

Duración: 2 horas.

Puntuación: respuesta correcta: +1 punto; respuesta en blanco: 0 puntos; respuesta incorrecta: -0,25 puntos.

Material permitido: NINGUNO (ni libros, ni apuntes, ni calculadora).

Considérense los vectores $\mathbf{v}_1 = (-1, 0, -5)$, $\mathbf{v}_2 = (0, 1, 0)$ y $\mathbf{v}_3 = (2, -1, 1)$ de \mathbb{R}^3 .

1. Se verifica:

- a) todo vector de \mathbb{R}^3 es combinación lineal de \mathbf{v}_1 y \mathbf{v}_2 ;
b) \mathbf{v}_1 , \mathbf{v}_2 y \mathbf{v}_3 son linealmente independientes;
 c) \mathbf{v}_1 , \mathbf{v}_2 y \mathbf{v}_3 son linealmente dependientes;
 d) el vector $(0, 0, 0)$ no es combinación lineal de \mathbf{v}_1 , \mathbf{v}_2 y \mathbf{v}_3 .

2. Sea F el subespacio vectorial de \mathbb{R}^3 generado por los dos vectores \mathbf{v}_1 y \mathbf{v}_2 . El vector $(2, 1, a)$, con $a \in \mathbb{R}$, pertenece a F si y sólo si:

- a) $a = 2$, b) $a \neq -2$, c) $a = -2$, **d)** $a = 10$.

Sea f la aplicación lineal de \mathbb{R}^4 en \mathbb{R}^3 cuya matriz asociada en las bases canónicas es:

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & -1 & 2 \\ 0 & 1 & 1 & -1 \\ 1 & 0 & 1 & -3 \end{pmatrix}.$$

3. Las dimensiones respectivas de los subespacios vectoriales $\text{Ker } f$ y $\text{Im } f$ son:

- a) 2 y 3, b) 3 y 1, **c)** 1 y 3, d) 2 y 2.

4. El subespacio vectorial $\text{Ker } f$ es igual a:

- a)** $\mathbb{R}(1, -1, 2, 1)$, b) $\mathbb{R}(-1, 1, -2, -1) + \mathbb{R}(1, 2, 1, -1)$,
 c) $\{(0, 0, 0, 0)\}$, d) $\{(x, y, z, t) \in \mathbb{R}^4 \mid x + z + t = 0\}$.

(Nota: $\mathbb{R}(a, b, c, d) = \{\lambda(a, b, c, d) \in \mathbb{R}^4 \mid \lambda \in \mathbb{R}\}$.)

5. El subespacio vectorial $\text{Im } f$ es igual a:

- a) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid y + z = 0\}$, **b)** \mathbb{R}^3 ,
 c) $\mathbb{R}(1, 0, 1)$, d) $\mathbb{R}(1, 0, 1) + \mathbb{R}(1, 1, 0)$.

(Nota: $\mathbb{R}(a, b, c) = \{\lambda(a, b, c) \in \mathbb{R}^3 \mid \lambda \in \mathbb{R}\}$.)

6. La aplicación lineal f es:

- a) inyectiva, pero no suprayectiva;
b) suprayectiva, pero no inyectiva;
 c) un isomorfismo;
 d) ni inyectiva, ni suprayectiva.

7. Dada la base $B = ((1, 0, 0), (0, 1, 0), (1, 1, 1))$ de \mathbb{R}^3 , los términos de la tercera columna de la matriz asociada a f en las bases canónica de \mathbb{R}^4 y B de \mathbb{R}^3 son:

- a) -1, 1 y 1, **b)** -2, 0 y 1,
 c) 1, 0 y 1, d) 1, 1 y 1.

8. Considérese el siguiente sistema de ecuaciones lineales:

$$\begin{cases} 2x - y = 2 \\ 3x + y = 1 \\ 7x - y = 5. \end{cases}$$

Se verifica:

- a) no admite solución, pues tiene más ecuaciones que incógnitas;
b) admite una única solución $\begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix}$, y esta única solución verifica: $a + b = -1/5$;
 c) admite una única solución $\begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix}$, y esta única solución verifica: $a + b = 3/5$;
 d) el sistema admite infinitas soluciones, y todas ellas verifican que su primer término es igual a $3/5$.

9. El conjunto de los números reales x tales que

$$2x \leq 4(1 - x)$$

es:

- a)** $(-\infty, 2/3]$, b) $[2, +\infty)$,
 c) \emptyset (conjunto vacío), d) \mathbb{R} .

10. Dado un número real positivo α , se considera la serie de término general

$$\frac{n}{\alpha^n}.$$

Esta serie verifica:

- a) es convergente cualquiera que sea $\alpha > 0$;
 b) es divergente cualquiera que sea $\alpha > 0$;
c) es divergente si $\alpha = 1/5$;
 d) es convergente si $\alpha = 99/100$.

